

کاربرد الگوریتم اجتماع مورچه در مسیریابی بهینه گروههای امدادی بین شهری

غلامعلی خمر

استادیار گروه جغرافیا و برنامه ریزی شهری دانشگاه زابل، زابل، ایران
تاریخ دریافت: ۹۴/۶/۴؛ تاریخ پذیرش: ۹۴/۱۰/۲۲

چکیده

سرعت عمل گروههای امدادی و در رأس آنها آمبولانس‌های بین شهری نقش بسیار مهمی در کارایی آنها در حین حوادث غیرمنتقبه دارد. در این راستا مسیریابی بهینه این گروهها بهمنظور پوشش بیشینه مراکز جمعیتی ضروری به نظر می‌رسد. بدین منظور استفاده از هوش مصنوعی و اصلاح الگوریتم‌های مسیریابی نوین، و بومی‌سازی آن در بخش شهری و بین شهری با توجه به وسعت و گستردگی شهرها، می‌تواند در ساماندهی مدیریت شهری و امدادرسانی کارآمد باشد. بنابراین هدف این تحقیق استفاده کاربردی از الگوریتم اجتماع مورچه‌ها بهمنظور مسیریابی بهینه و کمینه‌سازی مسافت طی شده می‌باشد. در این تحقیق مطالعه موردی بر روی بالغ بر ۲۹ نقطه شهری و روستایی به مرکزیت شهر پارس‌آباد در محیط متلب انجام گرفته و در محیط GIS نمایش داده شده است. مدل ارائه شده در این مقاله، علاوه بر مسئله موربدرسی می‌تواند بهمنظور مسیریابی بهینه توزیع کالاهای اساسی به هنگام وقوع بحران‌های طبیعی و انسانی، مسئله ترافیک و غیره مورداستفاده قرار گیرد. لازم به ذکر است که در الگوریتم پیشنهادی برای انتخاب تصادفی همسایگی‌ها از روش Rolette wheel Selection استفاده شده است. نتایج تحقیق نشان داد که با توجه به وسعت کم منطقه مورد مطالعه، زمان و کیفیت دستیابی به مسیر بهینه در الگوریتم اجتماع مورچه با زمانی برابر با ۱۹،۰ میلی‌ثانیه بهینه‌تر از روش تجربی محاسبه شد. همچنین به دلیل وجود بانک داده‌های مکانی و اعمال آن در الگوریتم مورچه‌ها، زمان رسیدن به محل حادثه توسط آمبولانس‌ها نیز با فرض حرکت ۳۰ مورچه، برای الگوریتم اجتماع مورچه‌ها و حالت تجربی به ترتیب ۱۹ دقیقه و ۴۵ ثانیه و ۲۷ دقیقه و ۱۵ ثانیه محاسبه شد.

واژه‌های کلیدی: الگوریتم اجتماع مورچه، پارس‌آباد، آمبولانس، مسیریابی

مقدمه

طرح مسئله

مرگ‌ومیر و خدمات جسمی افراد حادثه‌دیده یا بیماران و به دنبال آن افزایش سطح سلامت جامعه است. تصمیم-گیران سیستم‌های خدمات فوریت‌های پزشکی همواره با این مسئله پیچیده روبرو هستند که بهمنظور پاسخ‌دهی سریع و بهینه به تماس‌های درخواست خدمات فوریت‌های پزشکی از نقاطی واقع در مسیر جاده‌های مختلف و چندگانه، آمبولانس‌ها باید کدام مسیر را انتخاب کنند. این مسئله، با افزایش نرخ تماس‌های اضطراری، بدتر شدن شرایط ترافیکی، و افزایش هزینه‌های عملیاتی، پیچیده‌تر خواهد شد. راهبردهای مرتبط با مسیر، و انتخاب بهترین گزینه، یکی از رویکردهایی است که می‌تواند به طور چشمگیری از این فشارها کاسته و سطح معیارهای عملکردی را بهبود بخشد (سپهری، ۱۳۹۲: ۱۷۳).

مسایل حمل و نقل علاوه بر اینکه یکی از مهم ترین دسته‌های مسایل بهینه سازی می‌باشد، مسایلی هستند که بسیار در زندگی و مشکلات روزمره زندگی انسان از جمله در زمینه امداد و نجات موثرند (یوسفی، ۱۳۹۰: ۱۸۳). مهم‌ترین مسائل و دغدغه‌هایی که در بخش فوریت‌های پزشکی و در رأس آنها اورژانس‌های بین شهری مطرح است مسئله مسیریابی و نحوه حرکت گروههای امدادی بهمنظور پوشش حداکثری مناطق در کوتاه‌ترین زمان ممکن به بیماران در شرایط اضطراری است. طبیعی است، هدف از فوریت‌های پزشکی کاهش

در پایان نیز نتایج بدست آمده از این مقاله به تفصیل بیان می شود و پیشنهادتی برای مطالعات آتی ارائه می گردد.

هدف تحقیق

در بین فاکتورهای مثبت مربوط به گروههای امدادی و اورژانسها، سرعت عمل و کمینه سازی مسافت برای رسیدن به نقطه هدف یکی از مزیت های اساسی این گروهها محسوب می شود. از سوی دیگر در ساختار حرکتی مورچگان نیز مساله کمینه سازی بعد مسافت از طریق فرومون ریزی، جزء ویژگی های جدایی ناپذیر آن ها محسوب می شود. بنابرین هدف اصلی این مقاله کمینه سازی کل زمان سفر گروههای امدادی و هزینه های ناشی از آن با هدف اثبات قابلیت های کلونی مورچگان می باشد، با این شرط که زمان سفر بین روستاهای و بخش های تابعه و شهر مرکزی و به تبع آن هزینه های سفر، وابسته به زمانی باشد که سفر طی آن انجام می شود. عوامل مختلفی می توانند بر تغییر زمان سفر (و درنتیجه هزینه سفر) بین دو محل مشخص مؤثر باشد. از جمله این عوامل می توان به شرایط آب و هوایی، تصادفات و از همه مهم تر وضعیت ترافیکی مسیر اشاره کرد (Malandraki and Daski, 1992:190). بنابرین اهداف

- کلی این مقاله را می توان به شکل ذیل بیان کرد:
- پاسخگویی به موقع به نیاز حادثه دیدگان در زمینه امداد رسانی
- ساماندهی و افزایش بهره وری سازمان های مرتبط با امداد رسانی
- ایجاد ابزاری مفید در جهت تصمیم گیری مدیران
- جهت افزایش سرعت و دقت کار امداد رسانی
- در نظر گرفتن ترجیحات مسیریابی کاربر با نرم افزار توسط هوشمندی نرم افزار
- انجام عملیات هدایت مسیر در حین مأموریت و اتخاذ تصمیمات مربوط به هدایت قبل از رسیدن به نقاط هدف
- حداقل برخورد با گره های ترافیکی با بهره گیری از اطلاعات تصادفات ترافیکی در مسیرهای پر ترافیک

این نوع مسائل مسیریابی به راهبردهایی اشاره دارد که تحت آن، آمبولانس های در دسترس، ضمن تضمین سرعت عمل بالا پوشش مورد نیاز برای مناطقی که به دلیل اعزام یک با چند آمبولانس، حداقل آمادگی خود را از دست داده اند تأمین می کند.

اهمیت و ضرورت تحقیق

یکی از چالش های بسیار مهم در زندگی پرشتاب امروزی و بهویژه در امور مدیریت شهری، جلوگیری از اتلاف زمان و انرژی است تا بتوان ضمن ارائه بهتر و سریع تر خدمات، از اتلاف هزینه های کلان پیشگیری کرد (مولایی، ۱۳۸۷: ۳۷). گسترش علم در حوزه شهری با تمرکز بر روی این دیدگاه و استفاده از هوش مصنوعی و اصلاح الگوریتم های مسیریابی نوین، و بومی سازی آن در بخش شهری با توجه به وسعت و گستردگی شهرها، می تواند در ساماندهی مدیریت شهری و امداد رسانی، کارآمد باشد (ذوقه ای و کرکه آبادی، ۱۳۹۱: ۱). کاهش زمان نقل و انتقال، منجر به افزایش سطح خدمات دهی به شهروندان و جلب رضایت آنان می شود که این امر، در بخش امداد رسانی و در موقع بحرانی به شکل پررنگ تری نمود می یابد.

لازم به ذکر است که مسائل مسیریابی کلاسیک عموماً به گونه ای طراحی می شود که ارتباط دو نقطه تنها از طریق یک یال یا سویه امکان پذیر است. با این حال گاهی شرایطی پیش می آید که از طریق بیش از یک یال از نقطه ای به نقطه دیگر می توان دسترسی داشت (حبیبی و کریمی، ۱۳۹۲: ۲۶۱). به این منظور، استفاده و اصلاح الگوریتم های مسیریابی نوین و بومی سازی آن در بخش شهری با توجه به وسعت و گستردگی شهرها، می تواند موارد ذکر شده را به شکل بهینه و مؤثر تری در بخش مدیریت شهری و امداد رسانی، ساماندهی کند.

ساختار این مقاله بر این اساس طراحی شده است که در بخش اول مروری بر ادبیات موضوع^۱ ACO خواهیم داشت. در ادامه در بخش دوم الگوریتم اجتماع مورچگان تشریح گردیده و با استفاده از موقعیت دقیق هر کدام از نقاط مدل سازی خواهد شد.

داده است که این روش توانسته است به طور کارآمدی بار ترافیکی را در شبکه متعادل کند، به طوری که داده‌ها در هر گام زمانی مسیر بهینه را برای رسیدن به مقصد انتخاب کنند. ماچوفسکی^۱ در سال (۱۹۹۹) در مقاله‌ای تحت عنوان "GIS و سیستم‌های چند معیار" به بررسی نقش سیستم‌های سلسله مراتبی در مسیریابی بهینه با کمک GIS پرداخته است. استنژ^۲ در سال (۲۰۰۵) در مقاله‌ای تحت عنوان " برنامه‌ریزی مسیر بهینه و کارا برای محیط‌های ناشناخته" به درک هدایت و مسیریابی با استفاده از الگوریتم D* پرداخته است و منتج به شناخت مسیر در محیط‌های ناشناخته شده است. توzkaya^۳ در سال (۲۰۰۸) در مقاله‌ای تحت عنوان " تحلیل فازی و مدل‌سازی هوش مصنوعی برای رسیدن به بهترین مسیر حمل و نقل ترکیه و آلمان" با توجه به حجم تبادلات ترانزیتی کوتاه کردن زمان و سعی در بهینه‌سازی مسیر جهت کوتاه کردن زمان و مسافت برای جلوگیری از تصادفات ناشی از خستگی رانندگان شده است.

مفهوم، دیدگاهها و مبانی نظری

مسیر یابی و سایل نقلیه: یکی از مهم‌ترین مسائل بیان شده در زمینه بهینه‌سازی هزینه‌های حمل و نقل "مسئله مسیریابی وسیله نقلیه" می‌باشد. مسئله مسیریابی وسیله حمل و نقل در سال‌های اخیر مسئله‌ای جذاب برای محققان بوده است. رشد روزافزون مقالات ارائه شده در این زمینه این موضوع را تأیید می‌کند (Eksioglu et al., 2009: 1473). اشکال متنوعی از مسئله مسیریابی وسیله نقلیه یا VRP وجود دارد. غالب مقالات مورد بررسی در زمینه مسیریابی تا دهه اخیر را مسائل مسیریابی وسیله نقلیه ایستا تشکیل می‌دهد (معصومی، ۱۳۹۰: ۴۹) در این مسائل پارامترهای مسئله از جمله زمان لازم جهت طی مسیرها در طول دوره‌های زمانی (اعم از روز، ماه، فصل و سال) ثابت فرض می‌شود. هرچند این شکل از طراحی مسئله می‌تواند تخمین مناسبی برای مسائل واقعی باشد، اما برای برخی از کاربری‌ها که نیاز به

پیشینه تحقیق

در زمینه پیدا کردن بهترین مسیر برای شبکه‌های حمل و نقل که زمان و مسافت در آن نقش اساسی داشته باشد، کارهای بسیاری انجام شده است.

حسینی و زمانی‌فر در سال (۱۳۸۷) در مقاله‌ای تحت عنوان "استفاده از الگوریتم Ant Colony در حل مسئله مسیریابی در شبکه‌های پویا" به دنبال ارائه الگوریتمی برای انجام انواع مختلف مسیریابی در شبکه راههایی بودند که در آن‌ها باگذشت زمان امکان تغییر وجود داشته باشد. برای این منظور از الگوریتم کولونی مورچه‌ها (ACO) بهره گرفتند و در نهایت به این نتیجه رسیدند که از آنجا که الگوریتم کولونی مورچه‌ها به حل چند جمله‌ای مسئله پرداخته و علاوه بر آن دارای ساختار انعطاف‌پذیر است پس در شبکه‌های حجیم با تعداد مسیریاب زیاد می‌تواند نسبت به سایر الگوریتم‌های موجود عملکرد بهتری را از خود نشان دهد. صادقی و همکاران در سال (۱۳۸۴) در مقاله‌ای تحت عنوان "الگوریتم مسیریابی چندبخشی مبتنی بر کیفیت سرویس با استفاده از کولونی مورچه‌ها" دو الگوریتم توزیع شده همه‌منظوره بر اساس کولونی مورچه‌ها را به منظور حل هر چه مؤثرتر و کارآمدتر مسئله مسیریابی چندبخشی بر اساس تحقق چندین محدودیت کیفیت سرویس پیشنهاد دادند. اساس الگوریتم‌های پیشنهادی آن‌ها برگرفته از قابلیت و توانایی مورچه‌ها در پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر بین لانه و منبع غذایی استوار بود. نتایج شبیه‌سازی انجام شده آن‌ها نشان داد که شیوه‌های پیشنهادی می‌تواند به طور مؤثر و کارآمد مسیریابی چندبخشی مبتنی بر کیفیت سرویس را به انجام رساند. رحمانی و همکاران در سال (۱۳۸۶) در مقاله‌ای تحت عنوان "توازن بار ترافیک شبکه و مسیریابی مبتنی بر مهندسی ترافیک با استفاده از کولونی مورچه‌ها" به منظور حل مسئله شبکه‌های پویا که در آن‌ها هزینه اتصالات به طور پی‌درپی تغییر کند به طوری که بسته‌های داده از مسیرهایی با حداقل تراکم به مقصد برسند از الگوریتم‌های مبتنی بهینه‌سازی چندگانه کولونی مورچه‌ها در یک سیستم استفاده کرده‌اند. نتایج شبیه‌سازی آن‌ها نشان

1. Malczewski

2. Stenze

3. Tuzkaya

مورچه‌ها ابتدا به طور تصادفی به این سو و آن سو می‌روند تا غذا بیابند، سپس به لانه بر می‌گردند و ردی از فرومون به جا می‌گذارند چنین ردپایی پس از باران به رنگ سفید در می‌آیند و قابل روئیت‌اند. مورچه‌های دیگر وقتی این مسیر را می‌بینند، گاه پرسه زدن را رها کرده و آن را دنبال می‌کنند (قیصری و مرشد سلوک، ۱۳۸۴: ۴). سپس اگر به غذا برسند به خانه بر می‌گردند و رد دیگری از خود در کنار رد قبل می‌گذارند؛ و به عبارتی مسیر قبل را تقویت می‌کنند. فرومون به مرور زمان تبخیر می‌شود که از سه جهت مفید است:

- باعث می‌شود مسیر جذابیت کمتری برای مورچه‌های بعدی داشته باشد. از آنجا که یک مورچه در زمان دراز راه‌های کوتاه‌تر را پیش‌تر می‌پیماید و تقویت می‌کند هر راهی بین خانه و غذا که کوتاه‌تر (بهتر) باشد بیشتر تقویت می‌شود و آن که دورتر است کمتر.
- اگر فرومون اصلًاً تبخیر نمی‌شد، مسیرهایی که چند بار طی می‌شوند، چنان بیش از حد جذاب می‌شوند که جستجوی تصادفی را برای غذا بسیار محدود می‌کردد.
- وقتی غذای انتهایی یک مسیر جذاب تمام می‌شد ردي باقی می‌ماند (Malczewski: 2004:192).

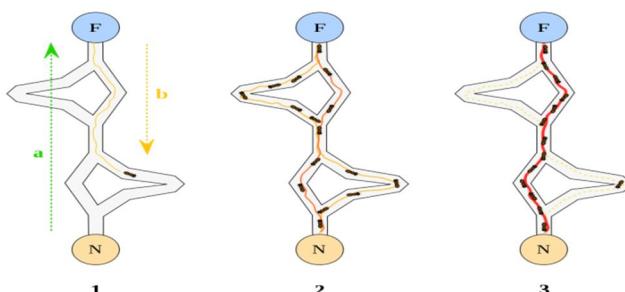
کاربردهای الگوریتم مورچه‌ها

- مسئله فروشنده دوره‌گرد (TSP)
- مسائل تخصیص منابع (بهخصوص مسئله تخصیص درجه دو)
- انواع مسائل بهینه‌سازی ترکیب و ترتیب
- انواع مسائل بهینه‌سازی گستته

نتایج دقیق‌تر دارند، چندان قابل قبول نیستند (Samsons, 2010). در این شرایط نوع دیگری از مسائل مسیریابی، "مسئله مسیریابی وسیله حمل و نقل پویا" معرفی گردید. این مسائل برخی از مشکلات نتایج حاصل از مسائل ایسترا برطرف می‌نماید.

"مسئله مسیریابی مبتنی بر الگوریتم مورچگان یا ACO یکی از انواع مسائل مسیریابی وسیله نقلیه پویاست (سلامی‌پور و همکاران، ۱۳۸۷: ۲) که در این مقاله تحت عنوان مسیریابی آمبولانس‌های بین‌شهری مطرح می‌شود که در آن ناوگانی از آمبولانس‌های بین‌شهری از یک یا چند بیمارستان و اورژانس واقع در شهر مرکزی (پارس‌آباد) جهت امدادارسانی به مجموعه‌ای از روستاهای و بخش‌های اطراف اعزام می‌شوند و پس از اتمام عملیات دوباره به مرکز مربوطه بازمی‌گردند.

کلونی مورچه‌ها: الگوریتم کلونی مورچه‌ها اولین بار توسط مارکو دوریگو به عنوان تز دکتری مطرح شد (حسینی و همکاران، ۱۳۸۷: ۳)، الگوریتم کلونی مورچه‌های الهام گرفته از مطالعات و مشاهدات روی کلونی مورچه‌های است. این مطالعات نشان داده که مورچه‌ها حشراتی اجتماعی هستند که در کلونی‌ها زندگی می‌کنند و رفتار آن‌ها بیشتر در جهت بقاء کلونی است تا در جهت بقاء یک جزء از آن (مرادی، ۱۳۸۹: ۴). یکی از مهم‌ترین و جالب‌ترین رفتار مورچه‌ها، رفتار آن‌ها برای یافتن غذا است و به‌ویژه چگونگی پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر میان منابع غذایی و آشیانه. این نوع رفتار مورچه‌ها دارای نوعی هوشمندی توده‌ای است که اخیراً مورد توجه دانشمندان قرار گرفته است (رحمانی و همکاران، ۱۳۸۵: ۳). در دنیای واقعی



شکل ۱: مسیرهای چندگانه قابل انتخاب برای حرکت مورچه‌ها، منبع: (Wikipedia)

مورچه‌ها اقدام به کمینه‌سازی مسافت نموده و بهینه‌ترین مسیر انتخاب می‌شود. درنهایت در محیط GIS اقدام به معرفی مسیرهای پیشنهادی الگوریتم می‌شود. در ادامه به تفصیل به بیان روش کار با الگوریتم و اصطلاحات مربوطه که در تحقیق استفاده گردیده است، پرداخته می‌شود.

قانون گذر

فرض کنید مورچه k ام در نقطه i ام قرار دارد. در این صورت احتمال انتخاب نقطه j به عنوان مقصد و یا به عبارت دیگر انتخاب مسیر جابجایی $i \rightarrow j$ از رابطه (۱) به دست می‌آید.

$$P_{ij}^k(t) = \frac{[\tau_{ij}]^\alpha * [\eta_{ij}]^\beta}{\sum_{j \in N_i^k} [\tau_{ij}]^\alpha * [\eta_{ij}]^\beta}$$

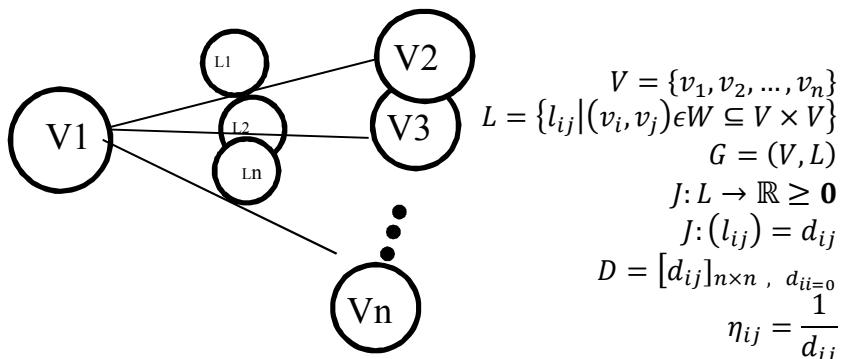
بدین گونه روی رفتار الگوریتم تأثیر می‌گذارند که اگر $\eta_{ij}^\beta = 0$ احتمال‌های انتخاب شهر بعدی نسبتی از خواهد بود و احتمال انتخاب شهر نزدیک‌تر بیشتر خواهد بود (Clarke: 1994). شکل (۳) تعاریف ریاضی مربوط به الگوریتم مورچه‌ها برای بیان مباحث تئوریک آن را نشان می‌دهد.

روش پژوهش

این پژوهش، توصیفی- تحلیلی است؛ نخست برنامه زمان‌بندی حرکت آمبولانس‌های بین شهری به سوی مقصد و بازگشت دوباره به نقطه اولیه یعنی مبدأ (در اینجا اورژانس مرکزی شهر بارس‌آباد) تهیه و توصیف می‌شود و دوم با استفاده از نقشه منطقه و مسیرهای آن، نقاط مورد مطالعه مشخص و یال‌ها و مسیرهای منتهی به هر کدام ترسیم می‌شود. بدین صورت که از سیستم مختصات هر کدام از گره‌ها و مسیرهای منتهی به آن‌ها به جای بعد مسافت آن‌ها استفاده می‌کنیم و با وارد کردن اطلاعات مربوطه در محیط متلب و کدنویسی‌های مرتبط با الگوریتم کلونی

$$\text{if } j \in N_i^k \quad \text{رابطه (۱)}$$

که $\eta_{ij} = 1/d_{ij}$ اطلاعات هیوریستیک بر روی کمان j است که به صورت پیشین بر اساس d_{ij} فاصله بین شهرها در دست است و τ_{ij} مقدار فرومون روی کمان می‌باشد. α و β پارامترهایی هستند که به ترتیب میزان تأثیر اثر فرومون و اطلاعات هیوریستیک را تعیین می‌کند و N_i^k همسایگی شدنی برای مورچه k است. همسایگی شدنی عبارت است از مجموعه شهرهایی که مورچه k هنوز از آن‌ها گذر نکرده است.



شکل ۲: شکل شماتیک و تعاریف ریاضی حرکت مورچه‌ها از نقطه مبدأ به نقاط مقصد

در نظر گرفته می‌شود و با انتخاب آن مسیر مقداری فرومون به فرومون موجود افزوده می‌شود (Dorigo, 1999).

$$\tau_{ij}(t+1) = (1 - \rho) \cdot \tau_{ij}(t) + \sum_{k=1}^m \Delta \tau_{ij}^k(t), \quad \forall (i, j) \quad \text{رابطه (۲)}$$

ماتریس فرومون

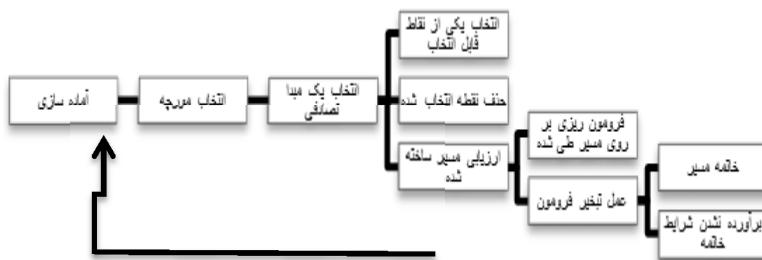
برای انجام الگوریتم اجتماع مورچگان نیازمند یک حافظه مشترک هستیم. این حافظه مشترک با ایجاد یک ماتریس فرومون حاصل می‌شود. برای هر مسیر که مورچه می‌تواند انتخاب کند، مقداری فرومون اولیه

چگالی فرومون مسیرها: چنانچه چگالی فرومون در مسیرهایی از حدنصاب تعیین شده بیشتر شود و یا اختلاف فاحشی با چگالی فرومون در سایر مسیرها داشته باشد می توان نتیجه گرفت که الگوریتم به جواب رسیده و مسیرهای یادشده به عنوان راه حل بهینه انتخاب شده اند.

دفعات گذر از مسیرها: با توجه به این که عامل مورچه در انتخاب مسیر بعدی به صورت کاملاً چند هدفه و نه بصورت تصادفی عمل می کند (معصومی و مسگری، ۱۳۹۰: ۴۸) چنانچه دفعات گذر مورچه ها از مسیرهایی خاص از حدنصاب تعیین شده بیشتر شود و یا اختلاف فاحشی با دفعات گذر از سایر مسیرها داشته باشد می توان نتیجه گرفت که الگوریتم به جواب رسیده و مسیرهای یادشده با عنوان راه حل بهینه انتخاب شده اند.

که $1 \leq \rho \leq 0$ نرخ تبخیر اثر فرومون است و m تعداد مورچه ها است. پارامتر ρ بدین منظور به کار می رود تا از تجمع بیش از اندازه فرومون جلوگیری کند و الگوریتم را قادر سازد تا تصمیم های بد قبلی را فراموش کند. بدین ترتیب کمان هایی که توسط مورچه ها انتخاب نشده اند شدت فرومون روی آن ها به صورت تابعی نمایی تکرار کاهش می یابد. $\Delta\tau_{ij}^k$ مقدار فرومونی است که مورچه k بر روی کمان (i, j) به جا می گذارد که طبق رابطه شماره (۲) محاسبه می گردد و در مرحله به روز آوری فرومون مورداستفاده قرار می گیرد. (Dorigo: 1997)

شرط همگرایی: تکرارهای الگوریتم مورچگان زمانی به پایان می رسد که شرط همگرایی برآورده شود. برای این الگوریتم شرط همگرایی را می تواند به دو صورت زیر در نظر گرفت: (Samsung: ۲۰۱۰)



شکل ۳: مراحل مختلف پیاده سازی الگوریتم مورچه ها

منبع: نگارنده، سال ۱۳۹۴

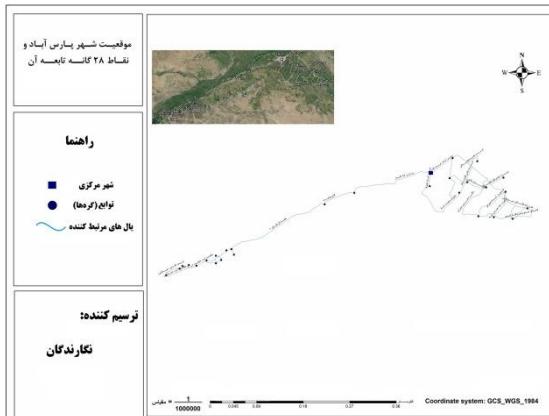
$$\Delta\tau_{ij}^k(t) = \begin{cases} 1/L_K(t) & \text{اگر کمان } (j, i) \text{ به وسیله } \\ 0 & \text{مورچه استفاده شود} \end{cases} \quad \text{فرمول (۳)}$$

در غیر این صورت

انتخاب تصادفی رولت ویل
اصلأ در الگوریتم کلونی مورچه ها برای حرکت از نقطه ای به نقطه دیگر با حالت های مختلفی روبرو هستیم بدین صورت که مثلاً برای حرکت از گره A به گره Z مسیرهای چندگانه ای در پیش رو داریم و آن ها را تصادفی انتخاب می کنیم. در این پژوهش به دلیل توزیع گستته احتمالات و همچنین نزدیکی زیاد روش انتخاب تصادفی رولت ویل به هوش محاسباتی که درواقع پایه و اساس الگوریتم های فرا ابتکاری را تشکیل می دهد (Tuzkaya, 2008:3138) از این نوع توابع استفاده می شود. قاعده کلی این نوع توابع به شکل فرمول (۴) می باشد.

باید توجه داشت که اگر هیچ کدام از شروط فوق برآورده نگردد الگوریتم همگرا نمی شود. برای پیشگیری از این مسئله باید در الگوریتم قیودی را قرارداد تا در صورت واگرا شدن ضمن اعلام آن الگوریتم متوقف گردد. چنانچه دفعات گذر مورچه ها از مسیرهایی از حدنصاب تعیین شده بیشتر شود و یا اختلاف فاحشی با دفعات گذر از سایر مسیرها داشته باشد می توان نتیجه گرفت که الگوریتم به جواب رسیده و مسیرهای یادشده با عنوان راه حل بهینه انتخاب شده اند. (Afshar, 2001: 91) باید توجه داشت که اگر هیچ کدام از شروط فوق برآورده نگردد الگوریتم همگرا نمی شود. برای پیشگیری از این مسئله باید در الگوریتم قیودی را قرارداد تا در صورت واگرا شدن ضمن اعلام آن الگوریتم متوقف گردد.

مساحتی حدود ۱۳۹۵ کیلومترمربع و جمعیتی برابر ۱۷۳۱۸۲ نفر و ۴۴۶۵ خانوار بر اساس سرشماری عمومی نفوس و مسکن سال ۱۳۹۰ می‌باشد (مرکز آمار ایران، ۱۳۹۰). مرکز این شهرستان بین دو عرض جغرافیایی^۱ ۳۹°۰۰' تا ۳۹°۲۰' و طول جغرافیایی ۴۷°۰۵' تا ۴۷°۵۷' قرار گرفته است. شکل (۱) منطقه مورد مطالعه را به صورت گره‌ها و یال‌های منتهی به آن را نشان می‌دهد.



شکل ۵: نقاط ۲۹ گانه مورد بررسی و مسیرهای مرتبط کننده

منبع: Google Earth، سال ۱۳۹۴

می‌دهد.

شکل (۵) و جدول (۱) موقعیت سکونتگاههای منطقه مورد مطالعه و شبکه‌بندی جاده‌های دسترسی به آن نقاط را تحت عنوان گره و یال نشان می‌دهد. همان‌طور که در جدول بالا مشهود است در بسیاری از نقاط موردنبررسی امکان حرکت از نقطه‌ای به نقطه‌ای دیگر از طریق مسیرهای دوگانه و حتی چندگانه امکان‌پذیر است که همین مسئله نقطه قوت و کاربرد بهینه الگوریتم کلونی مورچگان است.

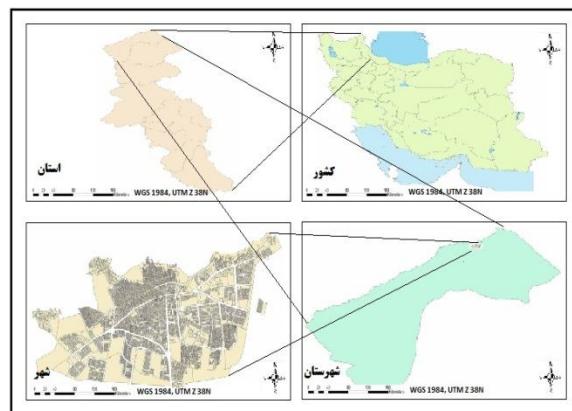
مسیریابی تجربی: اصولاً دسترسی‌های درون شهرستانی بین شهر مرکزی و بخش‌ها و روستاهای متعدد تابعه دارای جاده‌های متعدد و گاه پرپیچ و خمی است که اغلب انتخاب مناسب‌ترین مسیر با کمترین زمان ممکن را برای راننده‌ها و در رأس آن‌ها گروههای امدادی با مشکل مواجه می‌کند. شکل (۶) مسیرهای چندگانه‌ای را برای حرکت از نقطه مبدأ (پارس‌آباد) به سوی نقطه مقصد (فیروزآباد) نشان می‌دهد.

$$P_R = \{j = j_0\} = P_{ij_0}^k \quad (4)$$

به عبارتی با فرض حرکت از نقطه j ، احتمال این که شهر بعدی برابر j باشد برابر است با

منطقه مورد مطالعه

شهرستان پارس‌آباد (شامل چهار شهر پارس‌آباد، اسلام‌آباد و تازه‌کند و روستاهای تابعه آن) در مجموع شامل ۲۹ نقطه، در شمال استان اردبیل با



شکل ۴: نقشه موقعیت جغرافیایی محدوده مورد مطالعه

ماخذ: نگارنده، ۱۳۹۴

بحث اصلی

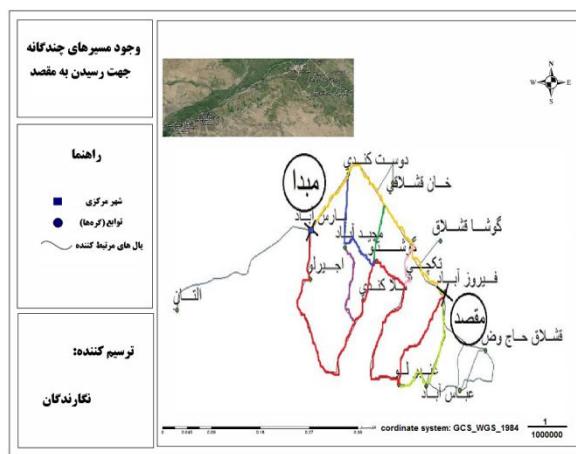
حل مسئله مسیریابی بهینه آمبولانس‌های بین‌شهری به روش ACO: مسئله بهینه‌سازی مسیرهای طی شده درواقع کمینه‌سازی مسافت و انتخاب کوتاه‌ترین مسیر از بین مسیرهای انتخابی در یک دوره زمانی مشخص تعریف می‌شود. با این شرط که هزینه جانی و مالی مربوط به طرفین درگیر در مسئله به حداقل برسد. و قیود مختلفی مانند رضایتمندی و جلب اعتماد عموم مردم نسبت به خدمت بهداشتی و درمانی ارضا شود (wood and wollenberg, 1996).

تعریف مسئله را می‌توان به صورت شبکه‌ای از نقاط ۲۹ گانه در نظر گرفت که توسط یال‌ها یا مسیرهای چندگانه به هم متصل شده‌اند به گونه‌ای که از نقطه مبدأ مسیرهای چندگانه و با صرف زمان و هزینه متفاوت جهت رسیدن به نقطه مقصد وجود دارد. شکل (۵) و جدول (۱) شبکه‌ای از گره‌ها و یال‌هایی که از منطقه مورد مطالعه استخراج شده است را نشان

جدول ۱: مختصات جغرافیایی نقاط ۲۹ گانه مورد بررسی و یال‌های متصل کننده نقاط

یال‌های مشترک	عرض جغرافیایی			طول جغرافیایی			گره	شماره
	درجه	دقیقه	ثانیه	درجه	دقیقه	ثانیه		
۱۵-۱۴-۲	۳۹	۳۸	۲۱	۴۷	۵۵	۲۶	پارس‌آباد	۱
۹-۷-۸-۴-۳	۳۹	۴۰	۱۲	۴۷	۵۷	۳۲	دشت‌کنندی	۲
۱۴-۶-۵	۳۹	۳۸	۵۱	۴۷	۵۷	۴۱	مجیدآباد	۳
۷-۶-۵	۳۹	۴۰	۰۲	۴۸	۰۰	۰۰	خان‌قشلاقی	۴
۴-۷-۶	۳۹	۳۷	۱۳	۴۷	۵۹	۵۱	گوشت‌لو	۵
۱۴-۴-۷-۵	۳۹	۳۶	۴۲	۴۷	۵۸	۳۴	ملاکنندی	۶
۴-۶-۵	۳۹	۳۶	۰۸	۴۸	۰۱	۳۱	نکچی	۷
۹-۷-۴-۳-۲	۳۹	۳۷	۵۲	۴۸	۰۳	۴۵	قوشاقلان	۸
۱۱-۱۰-۱۳-۱۲	۳۹	۳۶	۱۰	۴۸	۰۳	۱۱	فیروز‌آباد	۹
۱۲-۱۱-۹	۳۹	۳۴	۴۲	۴۸	۰۶	۱۳	قشلاق اجوض	۱۰
۱۲-۱۰-۹	۳۹	۳۳	۱۶	۴۸	۰۴	۲۹	تکله‌کنندی	۱۱
۱۳-۱۰-۹	۳۹	۳۳	۴۲	۴۸	۰۲	۱۶	عیاس‌آباد	۱۲
۱۲-۹-۵-۷	۳۹	۳۳	۵۲	۴۸	۰۰	۰۰	عنبر‌لو	۱۳
۶-۳-۱	۳۹	۳۷	۱۰	۴۷	۵۴	۳۱	اجیر‌لو	۱۴
۱۶-۱	۳۹	۳۶	۵۹	۴۷	۴۶	۲۸	اولتان	۱۵
۱۹-۱۸-۱۷	۳۹	۳۴	۱۶	۴۷	۴۲	۵۷	بقعه	۱۶
۲۱-۲۰-۱۸-۱۷-۱۶	۳۹	۲۹	۲۹	۴۷	۳۱	۱۸	قارالار کنندی	۱۷
۱۸-۱۷	۳۹	۲۹	۲۰	۴۷	۳۲	۱۲	آق‌قاباق	۱۸
۱۸-۱۷-۱۶	۳۹	۲۸	۳۶	۴۷	۳۲	۱۵	آق‌قاباق ۲	۱۹
۲۳-۲۲-۲۱-۱۷	۳۹	۲۸	۱۸	۴۷	۳۰	۵۲	محبوب‌کنندی	۲۰
۲۳-۲۲-۲۰-۱۷	۳۹	۲۸	۳۲	۴۷	۳۴	۵۹	محبوب‌کنندی ۲	۲۱
۲۳-۲۱-۲۰	۳۹	۲۸	۵۱	۴۷	۲۹	۱۶	نور‌محمدی	۲۲
-۲۲-۲۱-۲۰	۳۹	۲۷	۱۷	۴۷	۲۷	۴۱	مقصود‌کنندی	۲۳
۲۶-۲۵-۲۴-۲۳	۳۹	۲۶	۴۲	۴۷	۲۶	۴۷	مقصود‌کنندی	۲۴
۲۷-۲۶-۲۴	۳۹	۲۷	۵۳	۴۷	۲۵	۳۱	اسد‌کنندی	۲۵
۲۸-۲۷-۲۵	۳۹	۲۵	۴۱	۴۷	۲۶	۱۱	اسد‌کنندی ۲	۲۶
۲۹-۲۸-۲۶-۲۵	۳۹	۲۷	۴۶	۴۷	۲۵	۲۵	ترتیت‌کنندی	۲۷
۲۹-۲۷-۲۶	۳۹	۲۸	۵۰	۴۷	۲۵	۵۶	نادر‌کنندی	۲۸
۲۸-۲۷-۲۶	۳۹	۲۶	۱۷	۴۷	۲۴	۳۵	اصلاندوز	۲۹

منبع: اطلاعات استخراج شده از Google Earth توسط نگارنده، سال: ۱۳۹۴



شکل ۶: وجود مسیرهای چندگانه جهت رسیدن به مقصد

سرنشینان گروه بر اساس شناخت خود از مسیرها و یا بر حسب تصادف، به سمت محل حادثه حرکت کرده‌اند، ولی در حین حرکت خود و در هنگام رسیدن به

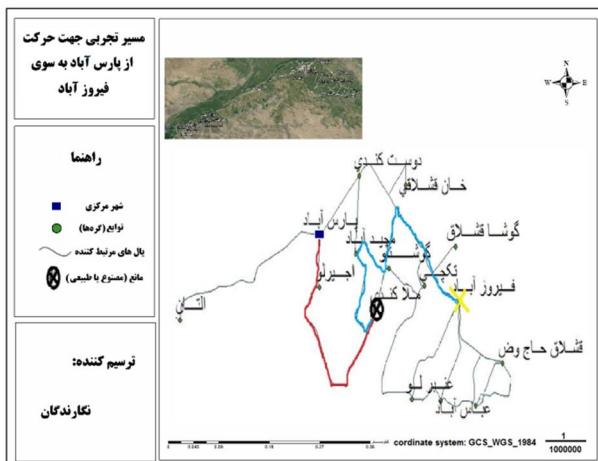
همان‌طور که در شکل (۶) مشاهده می‌شود اعزام آمبولانس از مبدأ به صورت سنتی توسط مرکز کنترل به وسیله ارتباط رادیویی (بی‌سیم) انجام می‌گیرد.

نیازهای امدادرسانی بوده و با حذف مسیرهای اضافی با استفاده از پردازش اطلاعات لحظه‌ای موجود در بانک داده‌های فضایی، امر مسیریابی را برای اکیپ‌های امدادی و در رأس آن‌ها آمبولانس‌های بین‌شهری انجام می‌دهد. برای این‌که بتوان این الگوریتم را در محیط MATLAB اجرا کرد نیاز به کد نویسی در این محیط است. نمونه کدهای نوشته شده به منظور

مسیریابی بهینه با استفاده از ACO در ذیل می‌آید. در نقشه^(۹) امر مسیریابی به نرم‌افزار سپرده می‌شود. نرم‌افزار بر اساس داده‌های لحظه‌ای و منطبق با الگوریتم اعمالی به آن، مسیر بهینه را به سرعت یافته و برای سرنوشت‌گروه امدادی نمایش می‌دهد. در این حالت به علت عدم برخورد به مانع و عدم تغییر مسیر، از هزینه سفر کم شده و اکیپ در زمان قابل قبولی به محل حادثه خواهد رسید.

مسیرهای سهراهی و یا حتی گاهی چهارراهی لاجرم باید یکی از مسیرها را انتخاب کنند که ممکن است در صورت انتخاب اشتباہ، مسیر انتخابی علاوه بر افزایش زمان سفر جهت رسیدن به مقصد شامل موانع ناخواسته‌ای باشد و آمبولانس مجبور به تغییر مسیر شود که این مسئله علاوه بر افزایش هزینه سفر باعث تأخیر در رسیدن گروههای امدادی به محل حادثه و درنتیجه به خطر افتادن جان مصدومان می‌شود. در شکل‌های (۷) و (۸) مشاهده می‌شود که اکیپ‌های امدادی با رجوع مجدد به شناخت خود از معابر، می‌توانند مسیرهای دیگر را برای رسیدن به محل حادثه انتخاب نمایند.

مسیریابی توسط الگوریتم ACO کد نویسی: مسیریابی با شیوه‌ها و با استفاده از الگوریتم‌های مختلفی انجام می‌شود که در شهرهای کوچکی همانند پارس‌آباد، الگوریتم مورچگان به خوبی پاسخ‌گویی



شکل ۷: مسیریابی به روش تجربی (پارس‌آباد- فیروز‌آباد)،
تغییر مسیر در هنگام برخورد با مانع

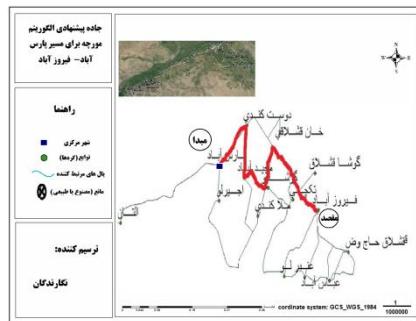
جدول ۱: نمونه کدهای نوشته شده به منظور مسیریابی بهینه با استفاده از الگوریتم ACO

کد	توضیح	معنی
data=InsertData();	-	ورود داده‌ها
nvar=data.N;	% Number of Variables	تعداد متغیرها (که در این مسئله تعداد شهرها است)
Dis=data.Dis;	% Distance Matrix	استخراج ماتریس فاصله‌ها
n_ant=30;	% number of ant	تعداد مورچه‌ها
maxiter=50;	% max of iteration	تعداد تکرار حلقه اصلی الگوریتم
Snode=input	('Start Node =');	وارد کردن نود ابتدایی توسط کاربر
Fnode=input	('Final Node =');	وارد کردن نود انتهایی توسط کاربر

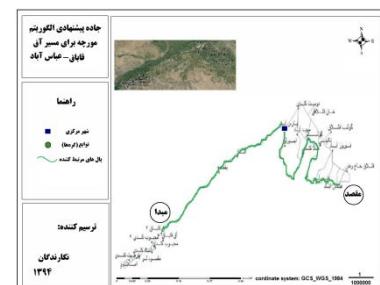
منبع: نگارنده، سال ۱۳۹۴

تعیین مسیر برای هر چه بیشتر کمینه‌تر کردن زمان سفر می‌کند.

لازم به ذکر است که در الگوریتم طراحی شده ACO تبادل مسیر علاوه بر ارتباط دادن شهر مرکزی با شهرها و روستاهای تابعه، مابین تک‌تک شهرها و روستاهای دیگر نیز می‌تواند صورت بگیرد. به عبارت دیگر، تعیین مرکزیت، وابستگی مستقیمی به نوع برنامه‌نویسی و تعریف نقاط مبدأ و مقصد دارد و هر شهر یا روستایی می‌تواند در وضعیت خاصی مرکزیت را به خود اختصاص دهد. این ویژگی موجب می‌شود که در موقع بحرانی از جمله جنگ و بلایای طبیعی و تخریب شهر مرکزی، به راحتی و با تعریف دوباره الگوریتم، نقاط مرکزی جدیدی را با سرعت هر چه بیشتر انتخاب و جایگزین کنیم. شکل (۱۱) مسیر پیشنهادی شبکه برای عنبرلی- مجیدآباد و شکل (۱۲) مسیر پیشنهادی شبکه برای حرکت از آق قاباق به سوی عباسآباد را نشان می‌دهد.

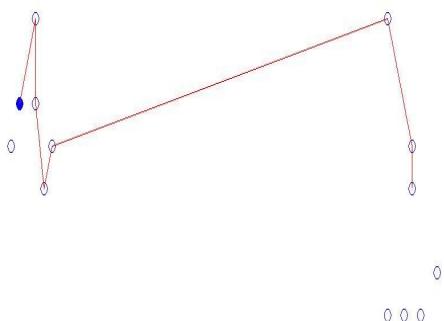


شکل ۹: مسیریابی بهینه پیشنهادی با ACO با توجه به وجود مانع در مسیر پارسآباد- دوست کندي (پارسآباد- فيروزآباد)

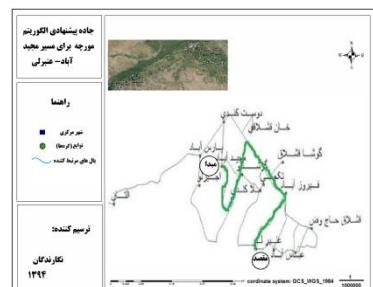


شکل ۱۱- مسیر پیشنهادی آق قاباق به عباسآباد با استفاده از الگوریتم ACO (۱۲، ۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۷، ۱۸)

شکل‌های ۹ و ۱۰ مسیر پیشنهادی الگوریتم برای حرکت از مبدأ (پارسآباد) و رسیدن به مقصد (فیروزآباد) با فرض وجود مانع در مسیر دوست کندي- پارسآباد را با تعداد ۳۰ مورچه نشان می‌دهد. مسیر پیشنهادی نرم‌افزار شامل گره‌های ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸ و در نهایت گره مقصد یعنی ۹ می‌باشد. گروه امدادی مذکور از نقطه مبدأ یعنی پارسآباد حرکت خود را آغاز کرده و در سه راهی دوست کندي و پارسآباد تغییر مسیر داده و با طی کردن گره‌هایی چون مجیدآباد، گوشت لو، ملاکندی، خان‌قالاقی و گوشاقشلاق در نهایت بین ۱۹ الى ۲۰ دقیقه به مقصد تعریف شده یعنی فیروزآباد رسیده و دوباره از این مسیر بازمی‌گردد. همان طور که در شکل (۹) به تصویر کشیده شده است، گروه امدادی در مسیر حرکت خود علاوه بر تغییر مسیر در سه راهی دوست کندي، به دلیل وجود مانع (طبیعی یا مصنوعی)، در دونقطه دیگر یعنی (سرراهی مجیدآباد) و (سرراهی گوشلو) نیز مجبور به مراجعه به برنامه و درخواست



شکل ۸: مسیر پیشنهادی برنامه متلب با الگوریتم ACO برای مسیر پارسآباد- فیروزآباد



شکل ۱۰- مسیر پیشنهادی عنبرلی به مجیدآباد با استفاده از الگوریتم ACO (۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۷، ۱۸)

است که از سازمان‌هایی مثل آتشنشانی و شهرداری در خصوص گرفتگی‌های معابر، مسیرها و ساخت‌وسازهای شهری و بین‌شهری و یا اورژانس و پلیس در خصوص ترافیک‌های احتمالی و تصادفات و... به سیستم جامع ارسال می‌شود.

استفاده از الگوریتم اجتماع مورچه‌ها در مقایسه با سایر الگوریتم‌ها با کارکردهای مشابه هم از نظر زمان رسیدن به مسیر بهینه توسط نرمافزار، سریع‌تر عمل می‌نماید و هم با توجه به اطلاعات لحظه‌ای، مسیر بهینه‌تری را با توجه به فاکتورهای هزینه و زمان و مسافت و غیره به دست می‌دهد.

به نظر می‌رسد به منظور سود بردن از فواید یک مرکز هوشمند و جامع مبتنی بر GIS و مطلب در شهر به منظور ثبت آنی و لحظه‌ای داده‌ها و اطلاعات مربوط به جاده‌های شهری و بین‌شهری یا حتی فواصل و مسیرهای بین روزتایی و انتقال آن به اکیپ‌ها و گروههای در حال حرکت، داشتن هماهنگی‌های لازم بین ارگان‌ها و سازمان‌های مرتبط تأثیرگذار در وضعیت جاده‌های شهری ضروری به نظر می‌رسد.

بنابراین برای رسیدن به این هدف از جمله اقداماتی که پیشنهاد می‌شود تا در برنامه‌ریزی‌های کوتاه‌مدت و بلندمدت مورد توجه قرار گیرد به قرار زیر است:

- شناسایی متولیان اصلی و سازمان‌ها و ارگان‌های مرتبط با امر امدادارسانی
- شناخت محیط
- تعیین اهداف و معیارهای موردنظر
- بررسی نیازها و مسائل حمل و نقل
- آشنایی و ارزیابی تکنولوژی‌های مختلف با توجه به شرایط مختلف و شناخت استانداردها
- انطباق نیازها با قابلیت سیستم‌های اطلاعات مکانی هوشمند و تعیین اولویت‌های سرویس‌های کاربران با توجه به ساختار فنی، اقتصادی و اجرایی
- تعیین مسئولیت‌ها و شرح وظایف سازمان‌های مختلف با توجه به نقش و میزان بهره‌برداری آن از بانک‌های اطلاعاتی مشترک
- تعیین نحوه همکاری سازمان‌ها و اطلاعاتی که بین سازمان‌ها به اشتراک گذاشته می‌شود

نتیجه‌گیری

این مقاله در پی استفاده کاربردی از الگوریتم اجتماع مورچه‌ها به منظور مسیریابی بهینه و کمینه‌سازی مسافت طی شده بود. در این تحقیق مطالعه موردی بر روی بالغ بر ۲۹ نقطه شهری و روستایی به مرکزیت شهر پارس‌آباد در محیط متلب انجام گرفته و در محیط GIS نمایش داده شده است. نتایج تحقیق نشان داد که با توجه به وسعت کم منطقه مورد مطالعه، زمان و کیفیت دستیابی به مسیر بهینه در الگوریتم اجتماع مورچه با زمانی برابر با ۰/۱۹ میلی‌ثانیه بهینه‌تر از روش تجربی محاسبه شد. همچنین به دلیل وجود بانک داده‌های مکانی و اعمال آن در الگوریتم مورچه‌ها، زمان رسیدن به محل حادثه توسط آمبولانس‌ها نیز با فرض حرکت ۳۰ مورچه، برای الگوریتم اجتماع مورچه‌ها و حالت تجربی به ترتیب ۱۹ دقیقه و ۴۵ ۲۷ دقیقه و ۱۵ ۱۵ ثانیه محاسبه شد. مدل ارائه شده در این مقاله، علاوه بر مسئله مورد بررسی می‌تواند به منظور مسیریابی بهینه توزیع کالاهای اساسی به هنگام وقوع بحران‌های طبیعی و انسانی، مسئله ترافیک و غیره مورد استفاده قرار گیرد. این تحقیق در راستای حل این مسئله بود که با توجه به این که لزوم حضور هم‌زمان سازمان‌های متعدد امدادارسان در موقع بحرانی نسبت به شرایط عادی، امدادارسانی در شرایط بحرانی را با دشواری‌ها و پیچیدگی‌های بسیار همراه می‌سازد و زمان در شرایط بحرانی، بسیار حائز اهمیت است، راهاندازی و استفاده از پایگاه داده مکانی مستقل و مفید برای شهر پارس‌آباد با امکان به روزرسانی و اشتراک منابع آن بین سازمان‌های امداداری، برای دسترسی به کل شبکه حمل و نقل شهری و بین‌شهری می‌تواند باعث مسیریابی بهینه با الگوریتم‌های هوشمند و در رأس آن‌ها الگوریتم اجتماع مورچگان گردد تا در زمان‌ها و شرایط مختلف به خصوص در موقع بحرانی، تشخیص مناسب‌ترین مسیرها برای گروههای میدانی و عملیاتی سازمان‌های امدادی امکان‌پذیر گردد. چون هزینه‌هایی که به طور لحظه‌ای در مسیریابی توسط سیستم، مورداستفاده قرار می‌گیرد بر اساس اطلاعات لحظه‌ای

- لایه‌ها با الگوریتم‌های هوشمند. دانشگاه پیام نور بناب
۱۲. یوسفی، مجید. فرهاد رحمتی. ۱۳۹۰. یک الگوریتم
بهبودیافته جمعیت مورچگان برای حل مسئله
مسیریابی وسیله نقلیه همراه با دریافت و تحویل
همزمان کالا. پژوهشنامه حمل و نقل، سال هشتم،
شماره ۲، تهران.
۱۳. Dorigo, Marco, Gambardella, Lusa, 1997. Ant Colony System: A Cooperative Learning Approach to the Traveling Salesman Problem, IEEE Transaction on Evolutionary Computation, 1:1, Milan.
۱۴. Dorigo, Marco, Caro, Gianni Di., Gambardella, Luca, 1991 Ants Algorithms for Discrete Optimization, Artificial Life , 5: 3, Bruxelles.
۱۵. Eksioglu, Burak, Vural, Arif. Volkam and Reisman, Arnold, 2009. The vehicle routing problem: A taxonomic review, Computers, Industrial Engineering, 57:2, Turkey.
۱۶. Higgins, Arnold, Kozan, Eran, 1998. Modeling train delays in urban networks, Transportation Science, 32:4, Newton.
۱۷. Malandraki, Chryssi, Daskin, Mark, 1992. Time dependent vehicle routing problems, formulations, properties, and heuristic algorithms, Transportation Science, 26: 3.
۱۸. Shil Haoj Zhou, Judy, 2004. Ant Colony Optimization Algorithm with Random Perturbation behavior to the roblem of Optimal Unit Commitment with Probabilistic Spinning Reserve Determination, Elsevier Electric, Power Systems Research, 69 (2): 295-303.
۱۹. Smsons, S, 2010, best routing fix it, MKA University.
۲۰. Wang, Ying, Xie, Jianiling, 1999. Ant Colony Optimization for Multicast Routing, the 2000 IEEE Asian Pacific Conference on Circuits and Systems, IEEE Apcc as 2000, 12:1, Seul.
۲۱. wood, Adrian, wollenberg, Bruce, 1996. Power Generation Operation and Control, 2nd Ed. John Wiley and Sons, New York, 1996.
- منابع**
۱. حبیبی، مجید. حسین کریمی. مصطفی عابدزاده. ۱۳۹۲. مدل سازی و حل مسئله مسیریابی وسیله نقلیه وابسته زمان با پنجره‌های زمانی نیمه نرم در گراف‌های چندگانه. پژوهشنامه حمل و نقل، سال دهم، شماره ۳، تهران.
 ۲. حسینی سمنانی، سمانه. کامران زمانی‌فر. ۱۳۸۷. استفاده از الگوریتم Ant Colony در حل مسئله مسیریابی در شبکه‌های پویا، پنجمین کنفرانس بین‌المللی مدیریت فناوری اطلاعات و ارتباطات.
 ۳. ذوالفقاری، اکرم. زینب کرکه‌آبادی. ۱۳۹۱. مسیریابی هوشمند اکیپ‌های امدادی با استفاده از الگوریتم تئوری بازی‌ها (نمونه موردنی شهر سمنان). فصلنامه مهندسی حمل و نقل، سال پنجم، شماره ۱، تهران.
 ۴. رحمانی، پریسا. مهدی دادبخش. مهدی طرقی حقیقت. ۱۳۸۶. توازن بار ترافیک شبکه و مسیریابی مبتنی بر مهندسی ترافیک با استفاده از کولونی مورچه‌ها. اولین کنفرانس فازی و هوش مصنوعی، دانشگاه فردوسی مشهد، ایران.
 ۵. سپهری، محمدمهری. ۱۳۹۲. طراحی مدل استقرار مجدد آمبولاتس‌های مکان یافته. نشریه بین‌المللی مهندسی صنایع و مدیریت تولید، شماره ۲۴(۲).
 ۶. سلامی پور، اعظم. علی سلامی پور. مهدی سلامی پور. ۱۳۸۷. مسیریابی بهینه در شبکه‌های Ad Hoc با استفاده از الگوریتم کلونی مورچه‌ها، یازدهمین کنفرانس دانشجویی مهندسی برق، دانشگاه زنجان.
 ۷. قیصری، کیوان. فهیمه مرشد سلوک. ۱۳۸۴. ارائه یک مدل ابتکاری مبتنی بر سیستم اجتماع مورچه‌ها برای حل مسئله زمان‌بندی حرکت قطار. پژوهشنامه حمل و نقل، سال دوم، شماره چهارم، تهران.
 ۸. مرادی، شمیم. ۱۳۸۴. الگوریتم کلونی مورچه‌ها و پیاده‌سازی یک کاربرد.
 ۹. مرکز آمار ایران، ۱۳۹۰.
 ۱۰. معصومی، زهره. ابوالقاسم صادق نیارکی. محمد مسگری. ۱۳۹۰. به کارگیری الگوریتم کلونی مورچه چند میعاده در سیستم‌های حمل و نقل هوشمند و کاربر مبنا. پژوهشنامه حمل و نقل، سال هشتم، شماره ۱، تهران.
 ۱۱. مولایی، ناصر. ۱۳۸۷. مسیریابی با استفاده از جی‌ای‌اس با تأکید بر مقایسه روش‌های وزن دهنی و تلفیق